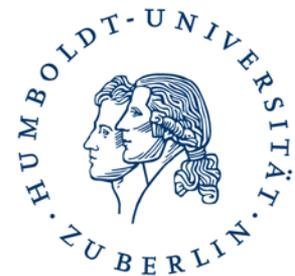


# Algorithmische Bioinformatik

Einführung in die Phylogenie  
(lat.: phylum = Stamm)



Ulf Leser  
Wissensmanagement in der  
Bioinformatik



# Ziele der Vorlesung

---

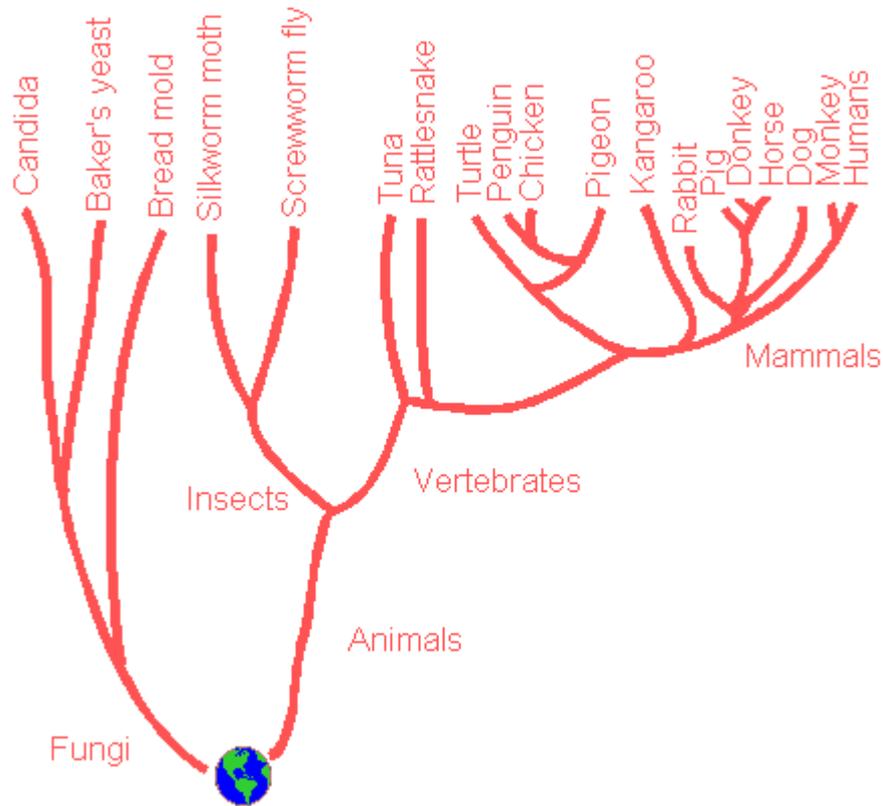
- Eingrenzung des Begriffs „Stammbaum“ auf binäre Gene Trees
- Suchraum verstehen

# Inhalt dieser Vorlesung

---

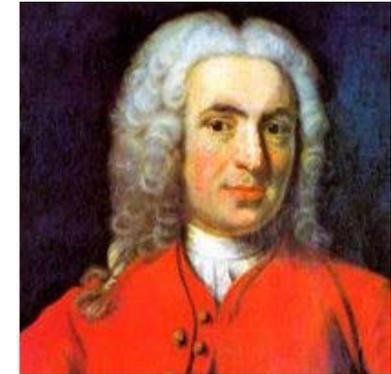
- Stammbäume
- Phylogenetische Bäume
- Evolutionsmodell

# Tree of Life

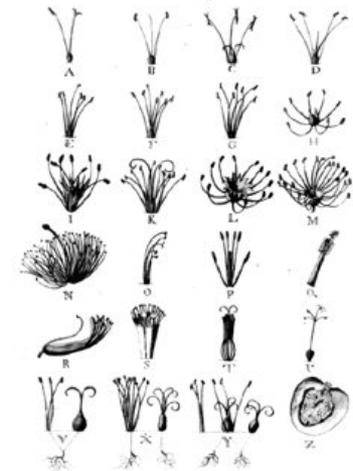


# Vererbung versus Klassifikation

- Zuerst war die **Klassifikation (Phänotyp)**
  - Carl Linnaeus, ca. 1740: *Systema Naturae*
  - Annahme: Arten verändern sich nicht
  - Hierarchische Einteilung aller Lebewesen
    - Kingdom, class, order, family, genera, species
    - Stamm, Klasse, Ordnung, Familie, Gattung, Art
  - Innere Knoten einer Klassifikation sind **abstrakte Klassen**
    - Definiert über gemeinsame, **manuell definierte Merkmale**
    - Haben keine eigenen Vertreter
- Auch: **Taxonomie**

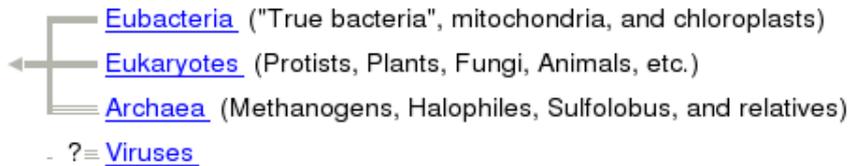


'Bridegroom portrait' of Linnaeus,  
Clasif. LINNÆI, M. D.  
METHODUS plantarum SEXUALIS  
in SISTEMATE NATURÆ  
deò ripia



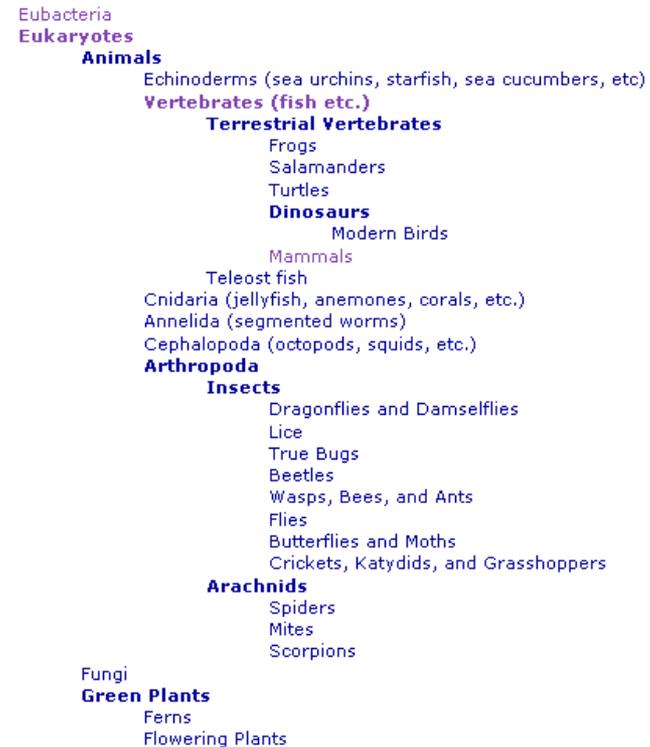
Linnaean sexual system  
Illustration by Georg Dionysius Ehret of  
Linnaeus' sexual system (1736)

# Klassifikation



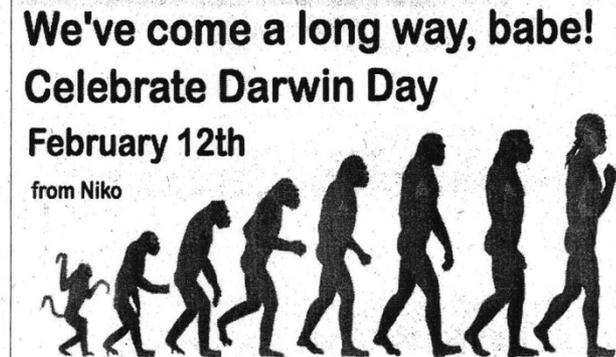
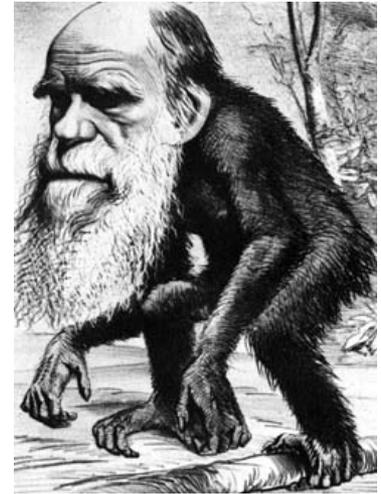
- Eukaryoten
- Tiere
- diverse Zwischenstufen
- Charniata (Schädelknochen)
- Vertebraten (Wirbeltier)
- Viele Zwischenstufen
- Mammals (Säugetiere)
- Eutheria (Placenta)
- Primaten (Affen)
- Catarrhini
- Hominidae (Mensch, Schimpanse, Orang-Utan, Gorilla)
- Homo (erectus, sapiens ...)
- Homo Sapiens

## Popular Groups on the Tree of Life

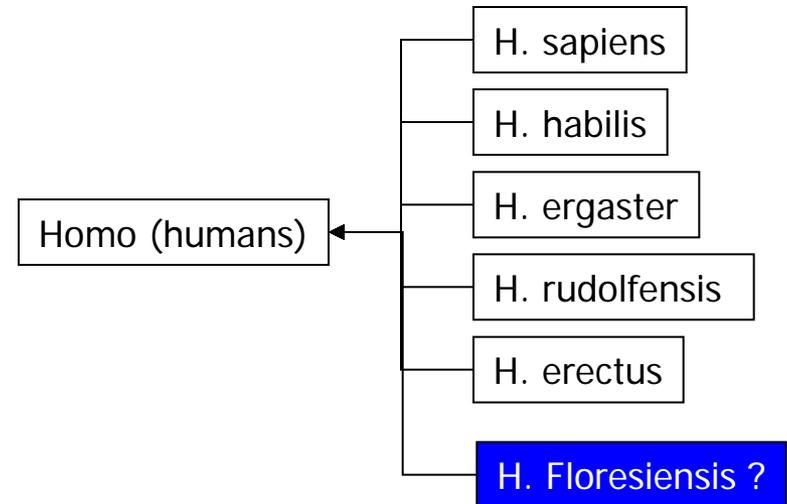


# Vererbung – Stammbäume

- C. Darwin: „The origin of species“ 1859
  - Arten unterliegen **Wandel** mit der Zeit
  - „Survival of the fittest“
  - Lange war unklar, was sich da wie wandelt
- **Speziesstammbäume** (Genotyp)
  - Ergeben sich aus Annahme der Evolution
  - Wurden lange aus morphologischen Eigenschaften angenähert
  - Jeder innere Knoten (taxa) hat **als Art wirklich existiert**
- Was definiert eine Spezies?



# Homo floresiensis („Hobbit“)

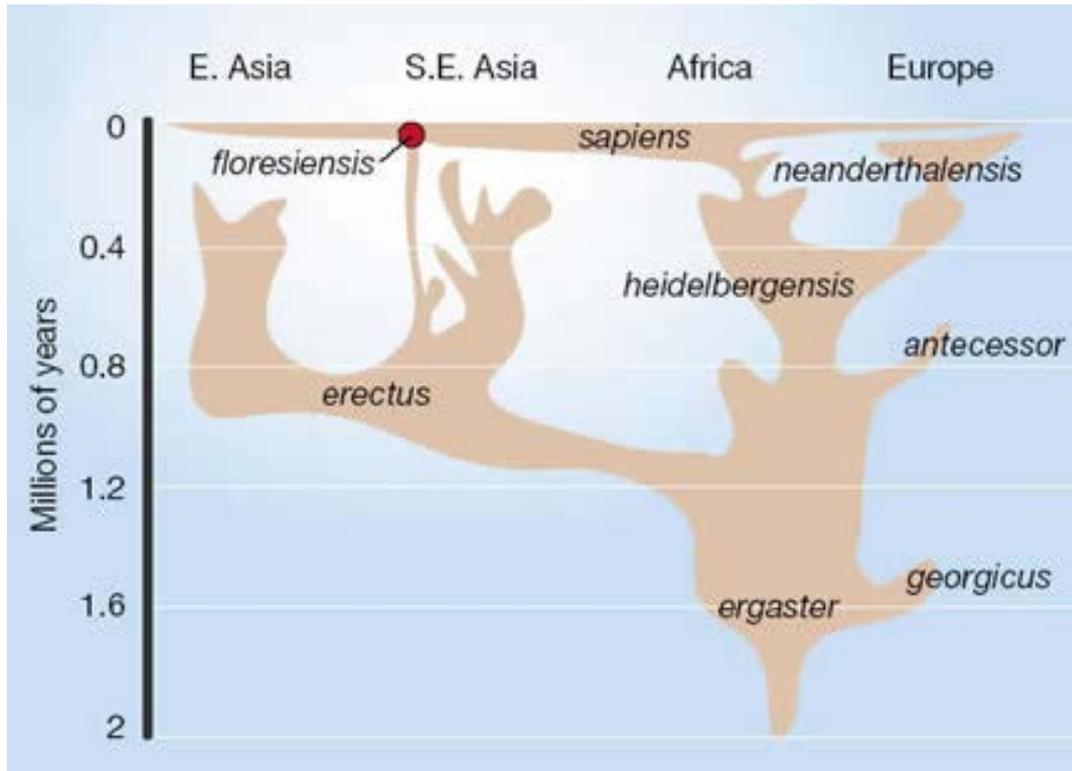


- Entdeckung 2003
- Lebte ~95 000-12 000 v.C. auf Flores (Indonesien)
- Körperhöhe ca. 100 cm, Gehirnvolumen 380 cm<sup>3</sup>
  - Homo erectus: 600-1200, h. sapiens: 1400
- Rückentwicklung? Vorläufer?

Quelle:

Brown, P. *et al.* *Nature* 431, 1055-1061 (2004).

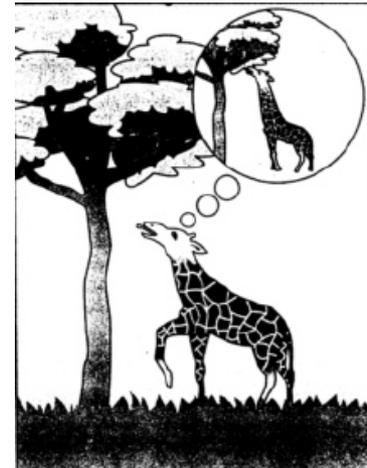
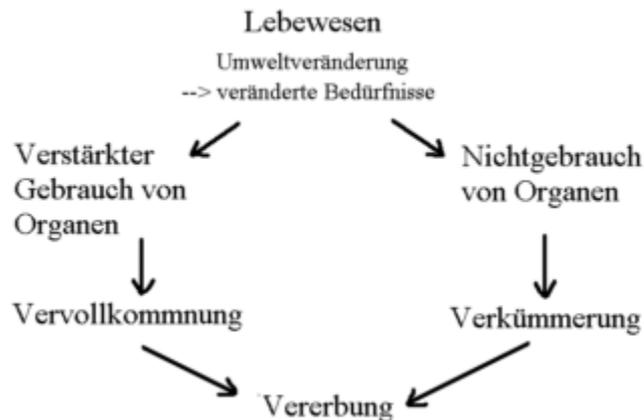
# Evolutiongeschichte neu geschrieben



- Stammbaum – welche „Spezies“ geht aus welcher hervor?

# Theorie I: Lamarck

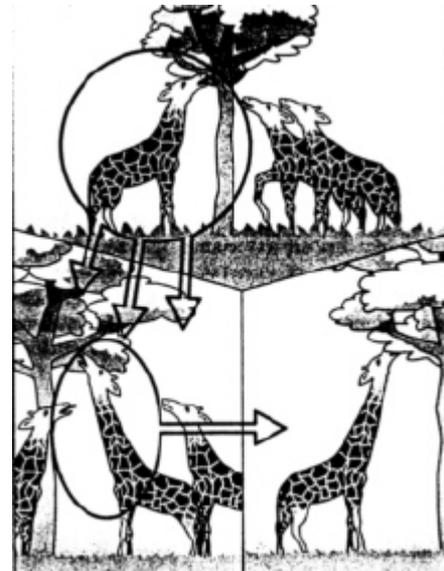
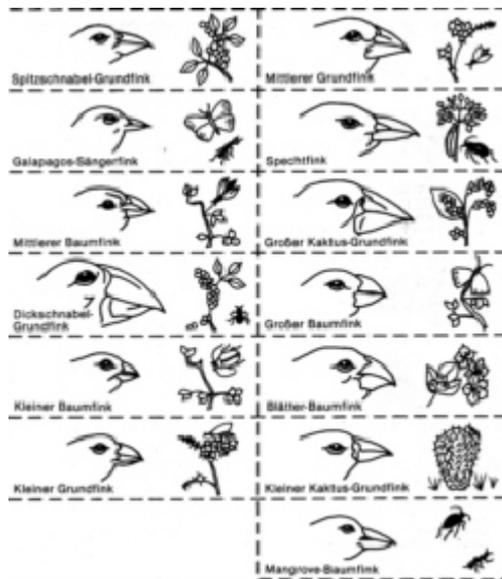
- Jean Baptiste de Lamarck (1744-1829)



- Häufiger Gebrauch von Organen führt zu ihrer Veränderung, die dann weitervererbt wird (nur wie?)
  - Z.B.: Hals der Giraffe
- Nicht gebrauchte Organe verkümmern
  - Z.B.: Augen des Maulwurf

# Theorie II: Darwin

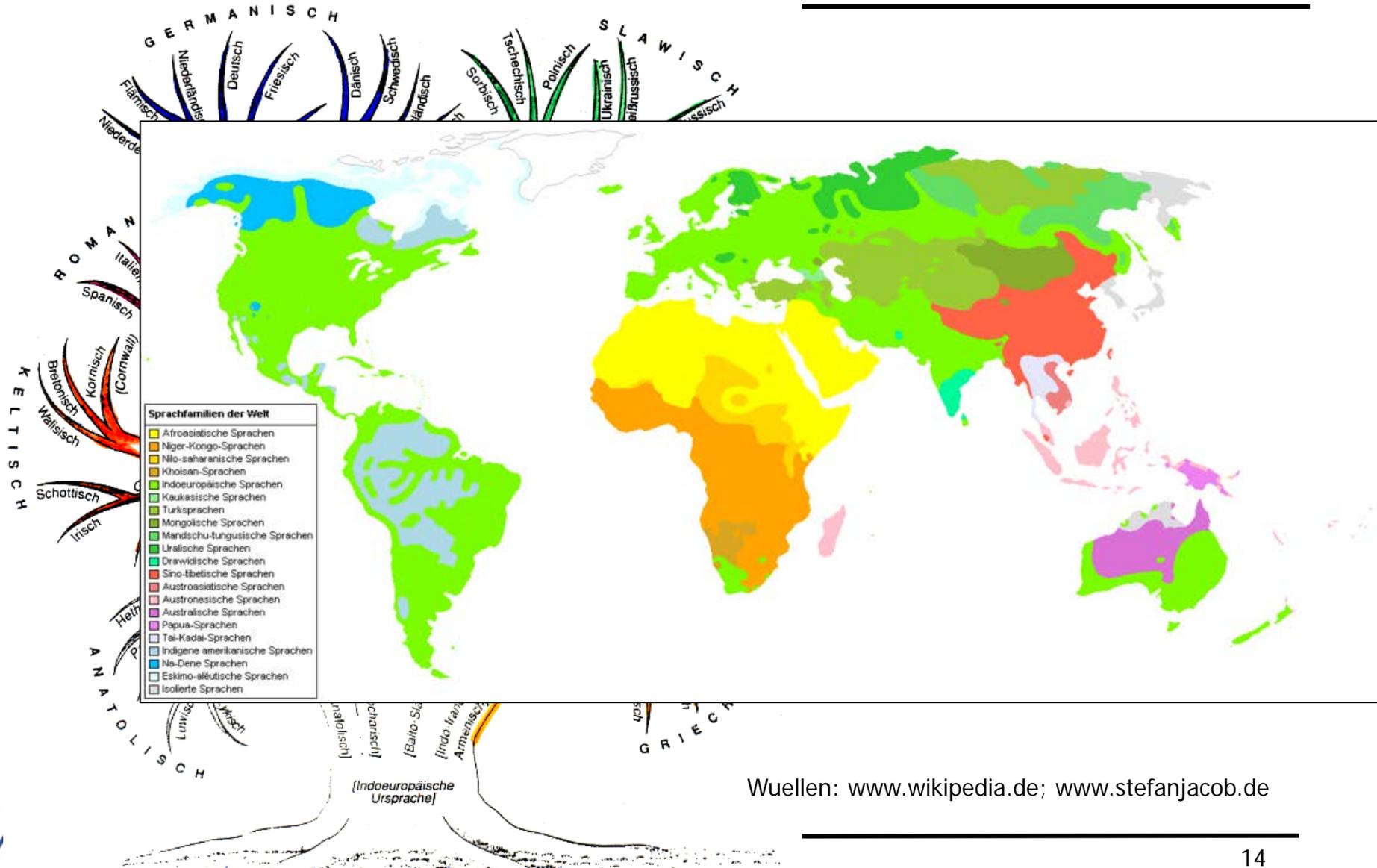
- Charles Robert Darwin (1809-1882)
  - „Die merkwürdigste Tatsache ist die **vollkommene Abstufung** in der Größe des Schnabels ..., von einem Schnabel, der so groß ist wie der eines Kernbeißers bis zu dem eines Buchfinken“



- Erklärung: **Zufällige Veränderungen** und **natürliche Auslese**



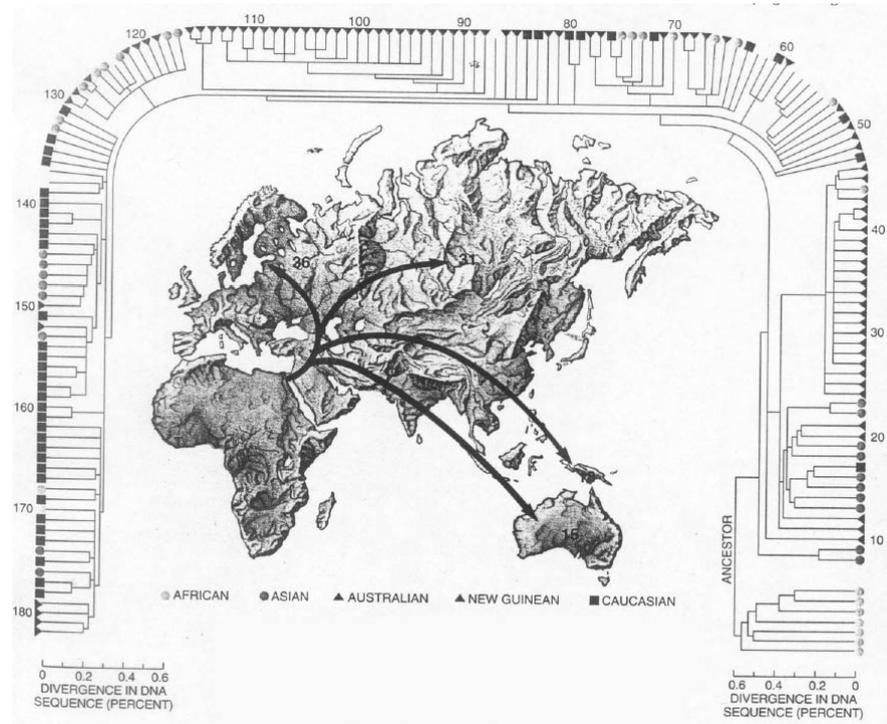
# Sprachstammbäume



Wuellen: [www.wikipedia.de](http://www.wikipedia.de); [www.stefanjacob.de](http://www.stefanjacob.de)

# Moderne Stammbaumberechnung

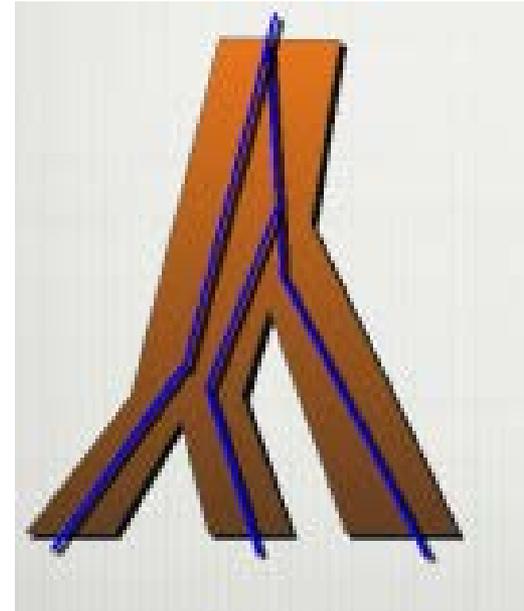
- Mendel + Darwin: Das **Erbgut** unterliegt dem Wandel
- **Berechnung** von Stammbäumen aufgrund von DNA oder Proteinähnlichkeiten
  - *Molecular phylogeny*
  - Zuckerkandl und Pauling, 1965
- Annahme: **Evolution verläuft in kleinen Schritten**
- Wenn sich Sequenzen ähnlich sind, sind die Spezies evolutionär eng verwandt
  - Denn zufällige Ähnlichkeit ist unwahrscheinlich



# Arten von Stammbäumen

---

- Abstammung einzelner Menschen
  - Stammbäume, Ahnentafeln
  - **Kein Baum**: Zwei Eltern
  - Rekombination
- Speziesstammbäume
  - Das ist ein Baum, wenn **Spezies nicht verschmelzen** können
- **Gene Trees**
  - Geschichte eines Sequenzabschnitts
    - Nicht leicht zu definieren
  - Baumförmig, wenn Gene nicht verschmelzen
  - Aber: 2 Allele jedes Gens vorhanden (Besser: **Haplotyp Tree**)



Quelle: <http://www.mailund.dk>

# Wozu?

---

- Aufklärung der **evolutionären Verhältnisse**
- Verständnis Ausbreitung/Verkleinerung der **Artenvielfalt**
- Aufklärung von Infektionswegen
  - Bei **schnell mutierenden Viren** (z.B. HIV)
  - Varianten werden in verschiedenen Personen gefunden
  - Berechnung des Verbreitungsweges anhand der Abstammungsverhältnisse
- Phylogenetic Inference
  - Wenn alle nahe verwandten Spezies ein bestimmtes Gen haben, dann sollte ich das auch haben

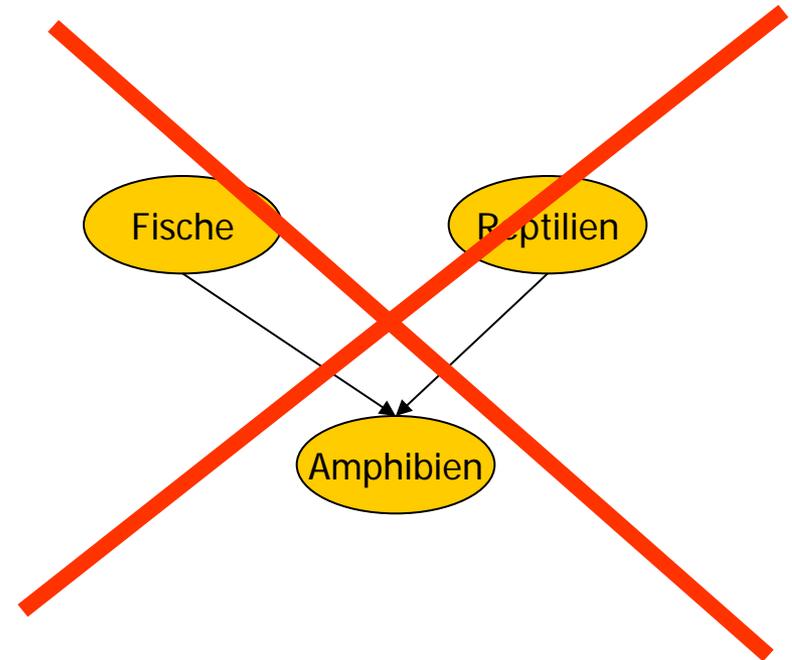
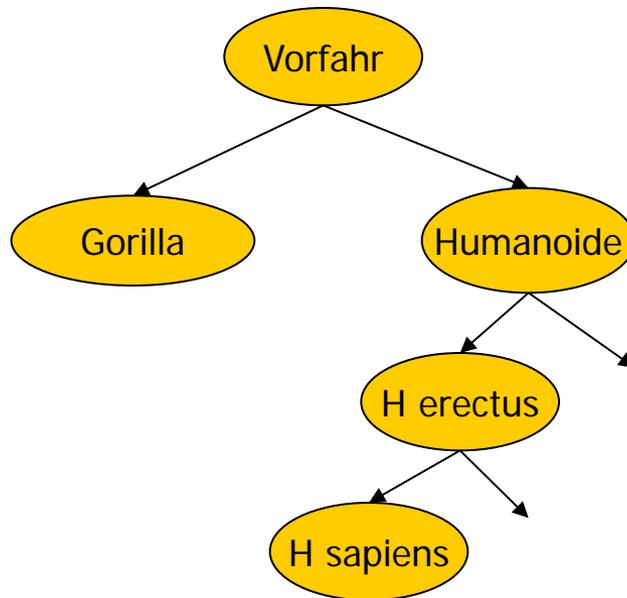
# Evolutionsmodell

---

- Lebewesen vermehren sich durch Kopieren mit Fehlern
  - Fehler: Mutationen
  - Führen (manchmal) zu veränderter Funktion
- **Selektion** – „Survival of the fittest“
  - Eingeschränkte Überlebensfähigkeit führen zur Ausrottung
  - Positive Mutationen: **mehr und lebensfähigere Nachkommen**
  - Positive Mutationen setzen sich in einer Population durch
- **Speziation**
  - Unterschiedliche Mutationen sind in unterschiedlichen Lebensräumen unterschiedlich vorteilhaft (ökologische Nischen)
  - Führt zur **umgebungsspezifischen Akkumulation von Änderungen**
  - Schließlich geht gemeinsame Fortpflanzungsfähigkeit verloren

# Artenbildung

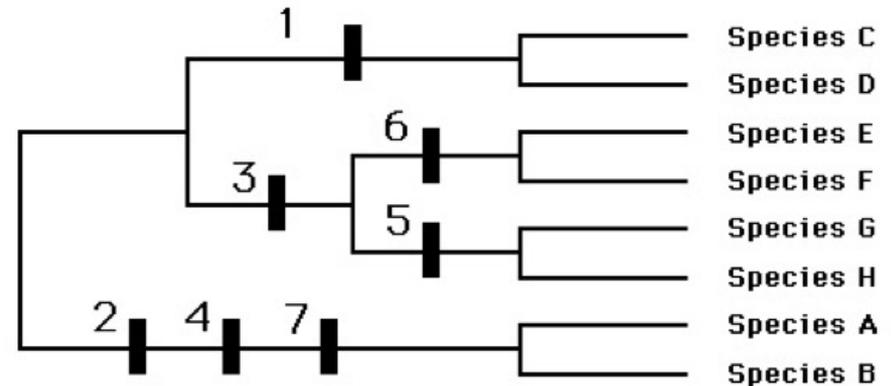
- Modell: Arten entstehen durch Mutationen aus anderen Arten
  - Es gibt massenhaft Ausnahmen: Phylogenetische Netzwerke



# Gene Trees

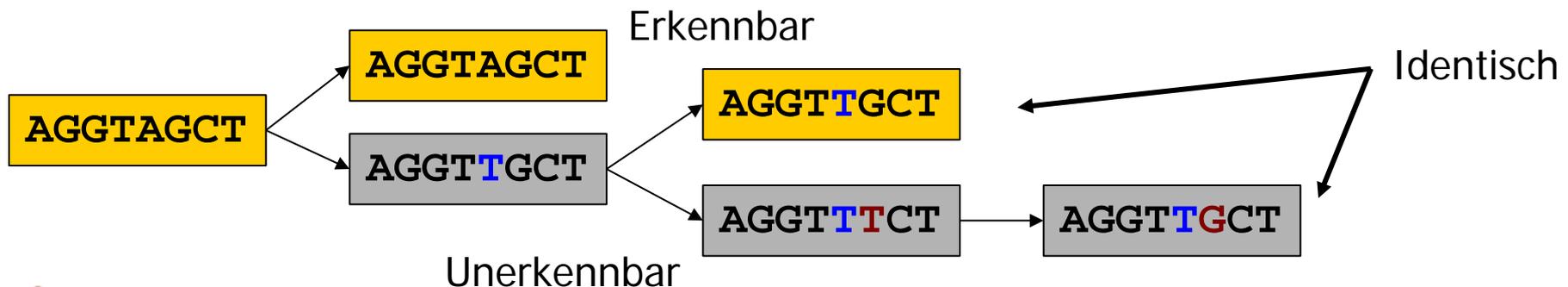
- Knoten = Arten
- Blätter = Lebende Arten
- Kanten
  - Länge kann (aber muss nicht) mit Zeit korrelieren
- Jeder Knoten hat exakt einen Vater
- Gewurzelte, binäre Bäume
- Reihenfolge der Kinder ist egal
- Viele Visualisierungsvarianten

	1	2	3	4	5	6	7
Species A	ACCAGCCTGTGCATCGATG	Δ	CGACTAAGTGATACCATAAA	Δ	GACT		
Species B	ACCAGCCTGTGCATCGATG	Δ	CGACTAAGTGATACCATAAA	Δ	GACT		
Species C	ACC	GAGCATGTGCATCGATGCCGACTAAGTGATACCATAA	T	GACT			
Species D	ACC	GAGCATGTGCATCGATGCCGACTAAGTGATACCATAA	T	GACT			
Species E	ACCAGCATGTG	T	ATCGATGCCGACTAAGTGATACCA	Δ	AAATGACT		
Species F	ACCAGCATGTG	T	ATCGATGCCGACTAAGTGATACCA	Δ	AAATGACT		
Species G	ACCAGCATGTG	T	ATCGATGCCGACTAAGTG	CTACCATAA	TGACT		
Species H	ACCAGCATGTG	T	ATCGATGCCGACTAAGTG	CTACCATAA	TGACT		

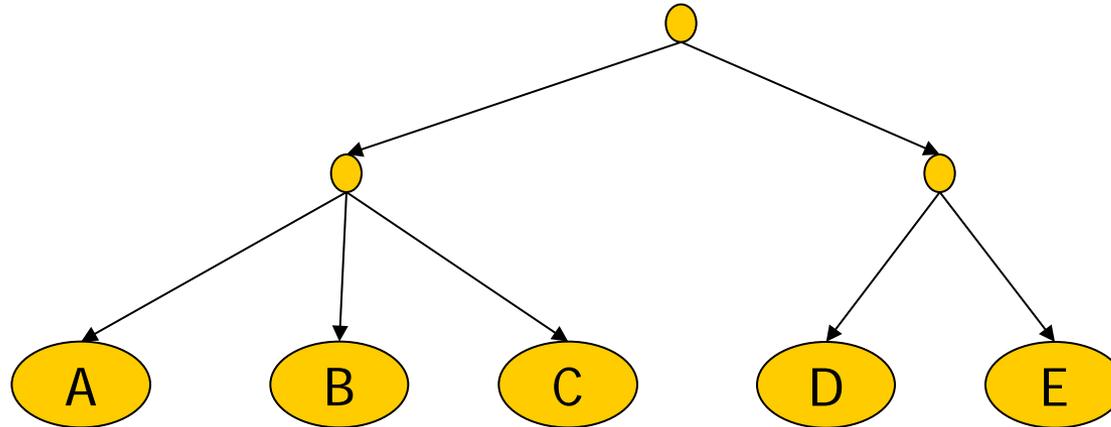


# Daten

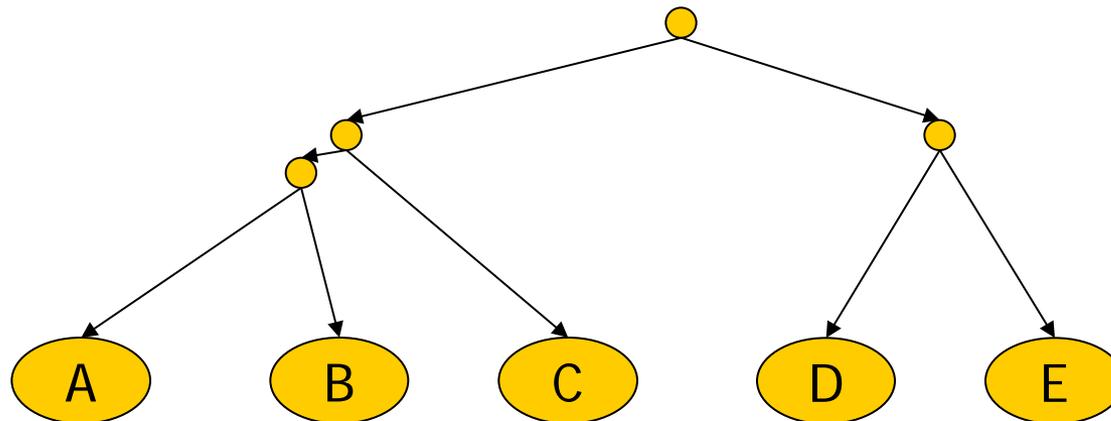
- Messen kann man nur die DNA **existierender Arten**
  - Und ein paar 10.000 Jahre zurück noch Fragemente
- Zwei mögliche Ziele
  - Rekonstruktion des **Stammbaums** der Arten
  - Rekonstruktion der **Ur-DNA** und aller Zwischenstufen
- Den **tatsächlichen Stammbaum** kann man nur annähern
  - Ausgestorbene Mutationen
  - Doppelmutationen



# Binäre versus Multifurcation Trees



- Eines der Paare (A, B), (B,C), (A,C) wird **minimal ähnlicher** sein



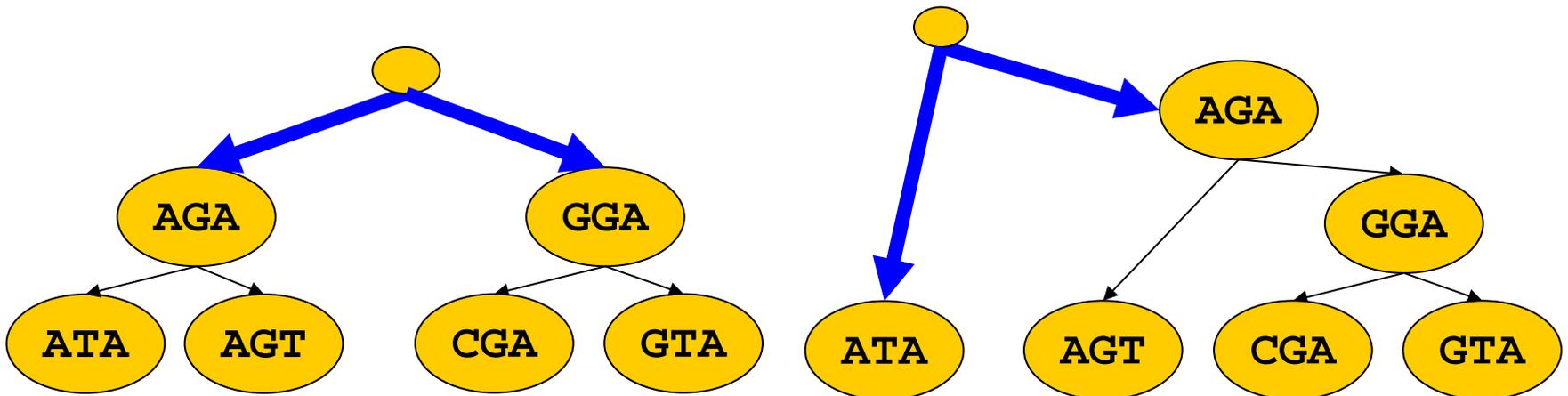
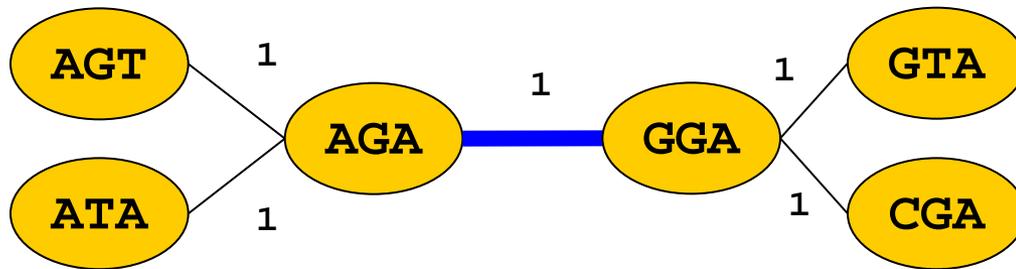
# Weitere Probleme

---

- Gene Fusion
- Hybridisierung / Kreuzungen (bei Pflanzen)
- Rekombination
- Horizontal gene transfer
  - Insb. bei Viren / Bakterien bekannt
- Speziesbegriff unklar bei Lebewesen ohne sexuelle Reproduktion
- Homoplasy
  - Ähnliche Sequenzen, die nicht homolog sind
  - „[Convergent evolution](#)“ – Arten entwickeln Fähigkeiten oft unabhängig voneinander

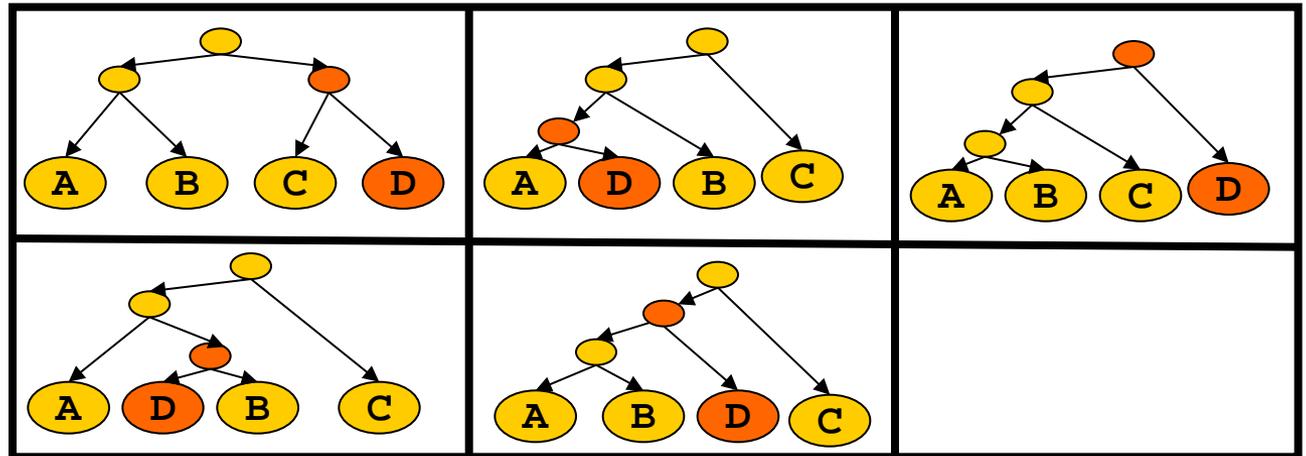
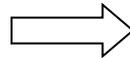
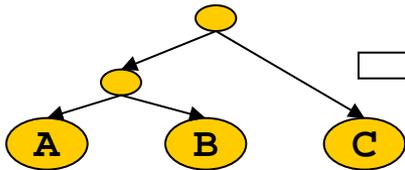
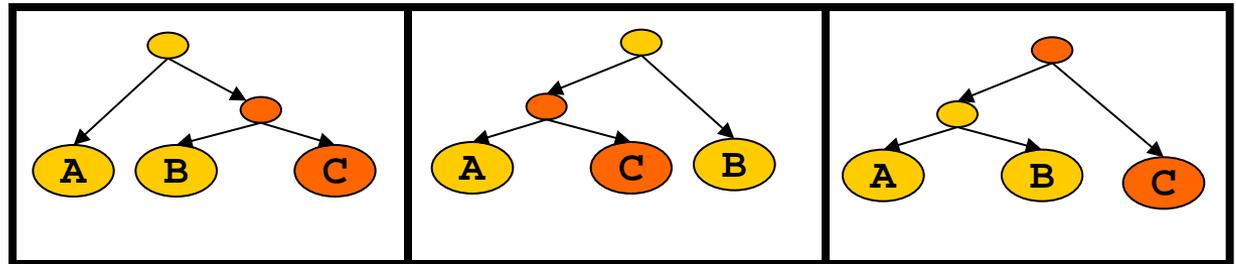
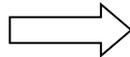
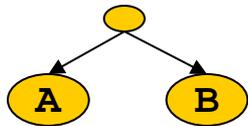
# Bäume ohne Wurzeln

- Kanten symbolisieren Veränderungen
- Viele Methoden berechnen nur innere Knoten, aber können keine **Entwicklungsrichtung** ableiten



# Wie schwierig wird das?

Wie viele binäre, ungeordnete Bäume für n Spezies gibt es?



# Induktion über Zahl der Blätter

---

- Aus einem binären Baum mit  $n$  Blättern und  $m$  Kanten können  $m+1$  binäre Bäume mit  $n+1$  Blättern hervorgehen
- Wie viele Kanten hat ein binärer Baum?
  - Jeder Knoten außer der Wurzel hat genau eine eingehende Kante
  - Also sind es „Anz. Blätter“ + „Anz. innere Knoten“ -1 (Wurzel)
- Wie viele innere Knoten  $k$  hat ein binärer Baum mit  $n$  Blättern?

# Von Blättern zu inneren Knoten

---

- Umgedreht: Wie viele Blätter ( $n$ ) hat ein binärer Baum mit  $k$  inneren Knoten?
  - Induktionsanfang: Für  $k=1$  ist  $n=2$ ;  $n(1)=2=k+1$
  - Sei  $n(k)$  bekannt. Wo können wir neue innere Knoten hinzufügen?  
An jeder Kante. Der neue Knoten teilt die Kante und muss als Kind den alten Teilbaum und ein neues Blatt haben. Also gilt:

$$n(k+1) = n(k) + 1 = n(k-1) + 1 + 1 = \dots = \sum_{i=1}^k 1 + 1 = k + 1$$

# Von Knoten zu Bäumen

---

- Für die **Anzahl innerer Knoten**  $k$  (inkl. Wurzel) eines binären Baums mit  $n$  Blättern gilt:  $n=k+1$ ; also  $k=n-1$
- Ein binärer Baum mit  $n$  Blättern (und  $n-1$  inneren Knoten) hat damit  $n+(n-1)-1 = 2n-2$  **Kanten**
- Also
  - Aus einem Baum mit 2 Blättern können  $(2*2-1)=3$  Bäume mit 3 Blättern hervorgehen
  - Aus einem Baum mit 3 Blättern können  $(2*3-1)=5$  Bäume mit 4 Blättern hervorgehen
  - ...
  - Aus einem Baum mit  $n$  Blättern können  $(2*n-1)$  Bäume mit  $n+1$  Blättern hervorgehen

# Ergebnis

- Sei  $t(n)$  die Zahl **ungeordneter binärer Bäume** mit  $n$  Blättern

$$\begin{aligned}
 t(n) &= t(2) * t(3) * t(4) * \dots * t(n-1) = \\
 &= 1 * 3 * 5 * \dots * (2(n-1) - 1) = \\
 &= \frac{(2n-3)!}{2 * 4 * 6 * \dots * (2n-4)} = \\
 &= \frac{(2n-3)!}{2 \binom{2}{2} * 2 \binom{4}{2} * 2 \binom{6}{2} * \dots * 2 \binom{2n-4}{2}} = \\
 &= \frac{(2n-3)!}{2 * (1) * 2 * (2) * 2 * (3) * \dots * 2(n-2)} = \\
 &= \frac{(2n-3)!}{2^{n-2} * (n-2)!}
 \end{aligned}$$

1	1
2	1
3	3
4	15
5	105
6	945
7	10.395
8	135.135
9	2.027.025
10	34.459.425
11	654.729.075
12	13.749.310.575
13	316.234.143.225
14	7.905.853.580.625
15	213.458.046.676.875
16	6.190.283.353.629.370
17	191.898.783.962.511.000
18	6.332.659.870.762.850.000
19	221.643.095.476.700.000.000
20	8.200.794.532.637.890.000.000

# Selbsttest

---

- Was ist Homoplasy?
- Wann heißen zwei Gene paralog?
- Was macht Stammbaumberechnung beim Menschen kompliziert?
- Kann man Stammbäume auch aus nicht kodierenden Sequenzen berechnen?